

Prinzip: Damit **Bob** an **Alice** eine verschlüsselte Nachricht schicken kann, muss Alice ein **Schlüsselpaar** aus **öffentlichem** und **privatem Schlüssel** erzeugen (berechnen). Bob verschlüsselt die Nachricht an Alice mit deren öffentlichen Schlüssel, Alice entschlüsselt mit ihrem privaten Schlüssel.

Geheimer Bereich von Alice	Öffentlicher Bereich	Geheimer Bereich von Bob
<p>Alices Tätigkeiten:</p> <p>Wähle zwei verschiedene Primzahlen (dreistellig):</p> <p>$p =$ <input type="text"/></p> <p>$q =$ <input type="text"/></p> <p>Websuche: Tabelle der Primzahlen, auf Wikibooks</p> <p>Berechne</p> <p>$n = p \cdot q =$ <input type="text"/></p> <p>$m = (p-1)(q-1) =$ <input type="text"/></p> <p>Wähle eine Zahl a, die zu m teilerfremd ist:</p> <p>$a =$ <input type="text"/></p> <p>Übertrage den öffentlichen Schlüssel (n, a) in den öffentlichen Bereich</p> <p style="text-align: center;">↓</p> <p>Berechne nun den privaten Schlüssel (n, b): Ermittle b nach der Formel $b \cdot a \equiv 1 \pmod{m}$ (Suche das kleinste Vielfache von a, das beim Teilen durch m den Rest 1 ergibt, z. B. mit einer Tabelle oder Wolfram Alpha)</p> <p>$b =$ <input type="text"/></p> <p>Entschlüsse Bobs Nachricht mit der Formel $x = y^b \pmod{n}$</p> <p>$x =$ <input type="text"/></p>	<p>Öffentlicher Schlüssel von Alice:</p> <p>$n =$ <input type="text"/></p> <p>$a =$ <input type="text"/></p> <p>Verschlüsselte Nachricht von Bob:</p> <p>$y =$ <input type="text"/></p>	<p>Bobs Tätigkeiten:</p> <p>Schreib eine Nachricht x als natürliche Zahl, die kleiner als n ist:</p> <p>$x =$ <input type="text"/></p> <p>Verschlüsse die Nachricht mit der Formel $y = x^a \pmod{n}$</p> <p>$y =$ <input type="text"/></p> <p>Hilfsmittel: Wolfram Alpha (im Web)</p> <p>Übertrage y in den öffentlichen Bereich (schicke sie an Alice)</p>